

1. Funkcje  $f$ ,  $g$ ,  $h$ ,  $p$ ,  $q$  i  $r$  są określone wzorami

$$f(x) = x^2, \quad g(x) = x, \quad h(x) = \sqrt{x}, \\ p(x) = \log_2 x, \quad q(x) = 2^x, \quad r(x) = x - 2.$$

Przyjmujemy, że dziedziny wszystkich tych funkcji są dziedzinami naturalnymi.

Określić zbiór wartości funkcji:

- (a)  $f \cdot g$ ;
- (b)  $f \circ g$ ;
- (c)  $h \circ f$ ;
- (d)  $f \circ r - r \circ f$ ;
- (e)  $q \circ q + 3$ ;
- (f)  $p \circ q$ .

Które z powyższych funkcji są monotoniczne na swojej dziedzinie?

2. Znaleźć funkcje  $f$  i  $g$  takie, że  $h = g \circ f$ , jeżeli  $h$  jest określona wzorem:

- (a)  $h(x) = \sin^3 x$ ;
- (b)  $h(x) = \log_2(x^2 + 3)$ ;
- (c)  $h(x) = 2^{\sin x}$ .

*Mariusz Grządziel*